文章编号:1000-8608(2021)01-0084-08

基于结构性参数的土本构模型研究

李吴刚*1,2,杨钢2,刘文化1,孙秀丽1

(1. 江南大学环境与土木工程学院, 江苏无锡 214122;

2. 大连理工大学 海岸和近海工程国家重点实验室, 辽宁 大连 116024)

摘要:在结构性的作用下,结构性土的力学特性与重塑土相比存在显著区别.基于结构性土 的变形特性,引入结构性土的本征压缩曲线,提出了表征土体结构性的结构性因子,通过该参 量推导了结构性土的体变方程,并给出了结构性因子的发展准则,结合修正剑桥模型建立了 结构性土的本构模型.该模型与原修正剑桥模型相比,增加了3个参数.最后通过两种结构性 土的试验数据对所提模型进行了验证,证明了所提模型的合理性.

关键词:结构性土;本构模型;结构性因子;孔隙比;压缩曲线 **中图分类号:**TU449 **文献标识码:**A **doi**:10.7511/dllgxb202101012

0 引 言

由 Roscoe 等^[1]提出的剑桥模型能够较准确 地描述重塑土的力学特性,而自然界中的土在漫 长的地质作用下,土颗粒形成某种特定的空间排 列形式或在土颗粒间形成胶结作用力,导致土体 表现出结构性特征,对土体的强度和变形特性产 生极大的影响,使得结构性土的力学特性与重塑 土相比存在较大差异[2-5].结构性可提高土骨架的 稳定性,在相同应力条件下,未达到屈服状态的结 构性土常可维持更高的孔隙比;当达到屈服后,土 体结构的破坏使得结构性土的压缩指数显著增 大[6-8],此外,结构性土的应力-应变曲线与围压的 大小有关,在高围压条件下,土体的结构破坏较 多,结构性土的应力-应变曲线与重塑土的应力-应变曲线较为相似,为应变硬化^[9];在低围压条件 下,土体结构较为完整,则结构性土的应力-应变 曲线为应变软化,其抗剪强度达到峰值强度后迅 速降低并趋近残余强度[10-11]. 剑桥模型建立于重 塑土的试验基础之上,未考虑结构性对土体力学 特性的影响,故无法预测结构性土的力学与变形 特性.而结构性土广泛存在于工程实践中,若采用

不考虑结构性影响的本构模型用于指导工程实 践,会影响土工结构在使用过程中的可靠性.将结 构性对土体力学性质的影响引入土的本构模型, 可更加合理地解释原状土的力学与变形特性,优 化土工结构的设计,并可提高其在使用过程中的 可靠性.

近年来,关于土的结构性研究已取得很大发展.沈珠江^[12]根据结构性土压缩曲线的特点,认 为结构性土具有明显的初始屈服面,在初始屈服 面内的变形为弹性变形,基于损伤力学理论建立 了结构性黏土的弹塑性损伤模型.周成等^[13]、孙 吉主等^[14]也分别基于损伤力学的观点建立了结 构性土的本构模型.但根据损伤理论建立的本构 模型难以解释扰动土体可能发生的强度增长,扰 动状态概念模型^[15]较好地解决了结构性土损伤 本构模型的缺陷.王国欣等^[16]、Desai等^[17]、Liu 等^[18]分别基于扰动状态概念模型建立了结构性 土的本构模型,但该类模型中的参量较难从传统 土力学试验确定,限制了该类模型的应用.近年 来,有学者采用结构性参数建立结构性土的本构 模型,如 Liu 等^[19]以剑桥模型为基础,采用初始

收稿日期: 2020-06-16; 修回日期: 2020-11-19.

基金项目:大连理工大学海岸和近海工程国家重点实验室开放基金资助项目(LP1909);国家自然科学基金青年基金资助项目 (51705129);江苏省自然科学基金青年基金资助项目(BK20170187);中央高校基本科研业务费专项资金资助项目 (IUSRP11940).

作者简介: 李吴刚*(1988-),男,博士,助理研究员, E-mail: lwgjn@jiangnan.edu.cn.

结构屈服应力描述结构性土的体变关系,建立了 结构性剑桥模型(SCC);Suebsuk 等^[20]以边界面 理论为基础,将结构性剑桥模型扩展至可描述超 固结结构性土的力学与变形特性;Nakai 等^[21] 引入虚密度表示结构性土颗粒间的联结作用,建 立了结构性土的压缩曲线方程;祝恩阳等^[22]通过 加载过程中结构势的衰减描述结构性土的体变, 在统一硬化模型的基础上建立了结构性土的本构 模型.

由于土颗粒形成特定的排列形式和颗粒间形成的胶结作用,结构性土在宏观力学性质上表现出结构性特征.建立结构性土本构模型的关键在于如何在本构中引入代表土体结构性的相关参数并通过该参数描述结构性对土体力学特性的影响.本文以结构性土的变形特性为基础,分析结构性对土体力学特性的影响,提出用于表征结构性的参数,建立结构性土的本构模型,模型参数具有较明确的物理意义,并可通过常规土力学试验确定,便于模型的工程应用.

1 理论分析

1.1 结构性土的体变特性

图 1 为希腊科林斯运河 泥灰土的压缩曲 线^[23],该土具有较强的结构性.由图 1 中所示的 压缩试验结果可知,该土具有明显的屈服应力.在 达到屈服之前,结构性土的压缩曲线基本为弹性 变化.当达到屈服后,土的结构性开始发生破坏, 此时结构性土的压缩系数显著增大,土体的变形 显著发展.当结构性完全破坏时,发展为完全扰动 土.由试验结果可知在土体结构未发生破坏前结 构性土的体变特性可用弹性关系表示,假设在弹 性阶段随着土体应力的增长,土的结构总保持完 整且不发生破坏(如图 2 中虚线所示).此时,结构 性土的体变增量与应力增量可采用下式表示:

$$de = -\kappa' \frac{dp'}{p'} \tag{1}$$

其中 e 为孔隙比, p'为平均有效应力, κ'为图 2 中 虚线的斜率.该曲线表征了结构性完整且在荷载 作用下土体结构不发生破坏的结构性土的固有压 缩特性,将其定义为结构性土的本征压缩曲线 (ISCL).结构性土中的微小土体单元具有一定的 结构强度,故在相同的应力状态时,结构性土可维 持较大的孔隙比,其压缩曲线往往位于重塑土压 缩曲线的上方.随着应力的不断增加,土的结构性 发生破坏,此时结构性土开始产生塑性变形.当土 的结构发生破坏时,结构性土的变形特性由结构 性发生破坏的扰动土体单元和结构性完整的非扰 动土体单元的变形特点共同决定,并随着应力的 增加,土的结构性破坏急剧增长.在宏观上表现为 土的体变显著增加,如图 2 所示.当土的结构完全 破坏时,结构性土的压缩曲线与重塑土的压缩曲 线重合,故正常固结状态时结构性土的压缩曲线 (SCL)位于以结构性土的本征压缩曲线和重塑土 的正常固结线(NCL)为边界的扇形区域之间 (图 2).



图 1 科林斯运河泥灰土的压缩曲线 Fig. 1 Compression line for Corinth canal marl



图 2 结构性土的压缩曲线 Fig. 2 Compression line for structured soils

建立结构性土本构模型的关键在于如何描述 土体的结构性和荷载作用下结构性的衰退规律. 假设有一结构性完整即未发生扰动的试样,试样 在荷载的作用下初始段的变形为弹性变形,压缩 曲线的斜率为 κ',如图 2 所示,以 e_d 表示 SCL 和 ISCL 之间的距离,e_s 表示 SCL 和 NCL 之间的距 离,e₁ 表示 ISCL 和 NCL 之间的距离.当结构性 土体单元未发生破坏时,结构性土在压缩过程中 仅发生弹性变形, e_d 为0, e_1 与 e_s 相等,此时 e_s/e_1 的值为1.由于结构性土内各土体单元的结构性 强度并不相同,故在荷载增加的情况下结构性强 度较弱的土体单元先发生破坏,并且随着荷载的 增加,结构性土体单元的破坏扩展至相邻的土体 单元,土体内部的损伤开始扩展,土颗粒间发生滑 移,结构性团块破碎,结构性土产生塑性变形.在 此过程中, e_d 、 e_1 和 e_d/e_1 的值随着荷载的增大而 增大, d_e_s/e_1 的值开始减小;当荷载继续增加时, 破损的结构性土体单元数量也随之增加, e_s/e_1 的 值随着变形的发展不断减小;当土中的结构性土 体单元全部破坏时,结构性土变为完全扰动土,结 构性土的压缩曲线与重塑土的压缩曲线重合,此 时, e_s 和 e_s/e_1 的值为0, e_d 与 e_1 的值相等.

由上述分析可知,在外荷载作用下,土体结构 性的衰退伴随着 e_s/e₁ 值的不断减小,故本文采用 下式表征土体的结构性变化:

$$\xi = \frac{e_s}{\rho_1} \tag{2}$$

其中 *ε* 为结构性因子,其变化范围为 0~1. 假设 某结构性完整的土样,在荷载作用下,土内不发生 结构性破坏,则其 *ε* 恒定为 1;随着荷载的增加, 土样发生塑性变形,土的结构性发生破坏,则其 *ε* 逐渐减小;随着荷载继续增加,当土内的结构性完 全破坏时,结构性土退化为重塑土,此时其 *ε* 为 0,并且随着荷载的继续增加,其 *ε* 恒定为 0.

1.2 体变方程

重塑土在压缩过程中的体变方程可采用下式 表示:

$$e = e_0 - \lambda \ln\left(\frac{p'}{p'_0}\right) \tag{3}$$

其中 p'_{0} 为初始状态时的平均有效应力, e_{0} 为初 始状态时的孔隙比, λ 为重塑土压缩曲线的斜率.

根据结构性因子的定义及图 2 中重塑土与结构性土压缩曲线之间的关系,结构性土的孔隙比可表示为

$$e = e_0 - \lambda \ln\left(\frac{p'}{p'_0}\right) + e_s \tag{4}$$

其中 e_s 可通过引入结构性因子 c 表示为如下形式:

$$e_{\rm s} = \xi e_1 \tag{5}$$

其中 e₁ 表征了在相同的有效应力条件下结构性

土的本征压缩曲线和重塑土的压缩曲线间孔隙比 的变化,可采用下式表示:

$$e_1 = (\lambda - \kappa') \ln\left(\frac{p'}{p_0'}\right) \tag{6}$$

将式(5)、(6)代入式(4)后可得:

$$e = e_0 - \left[(1 - \xi) \lambda + \xi \kappa' \right] \ln \left(\frac{p'}{p_0'} \right)$$
(7)

将式(7)表示为增量形式,则有

$$de = -\left[(1-\xi)\lambda + \xi\kappa'\right]\frac{dp'}{p'} + (\lambda - \kappa')\ln\left(\frac{p'}{p_0'}\right)d\xi$$
(8)

由式(8)可知结构性土的压缩变形由两部分 组成:由应力增加导致的孔隙比改变和结构性因 子变化导致的孔隙比改变,如图 3 所示.若结构性 土在压缩过程中结构性因子 ξ 保持恒定,则试样 压缩曲线的斜率为(1-ξ)λ+ξκ'.







1.3 结构性土的屈服应力

设某结构性土试样的初始状态应力为 p'_A ,其 初始孔隙比为 e_A ,如图 4 所示.若对该试样进行 压缩试验,则试样的压缩曲线将沿着图 4 中所示 的弹性段(图 4 中点划线)发展,直至与结构性土 的压缩曲线相交于点 B,故点 B 处的孔隙比也可 采用下式表示:

$$e_{B} = e_{A} - \kappa \ln\left(\frac{p_{B}'}{p_{A}'}\right) \tag{9}$$

其中 κ 为结构性土弹性回弹曲线的斜率, 假设该 参数与土体的结构性无关, 是一个恒定的常量.

由于点 B 又位于结构性土的压缩曲线上,故 点 B 处的孔隙比还可采用式(7)计算,以下式表 示:

$$e_{B} = e_{0} - \left[(1 - \xi) \lambda + \xi \kappa' \right] \ln \left(\frac{p_{B}'}{p_{0}'} \right) \qquad (10)$$

联立式(9)、(10),可得结构性土的屈服应力 表达式为

$$p_{B}^{\prime} = \exp\left\{\frac{e_{0} + \left[(1-\xi)\lambda + \xi\kappa^{\prime}\right]\ln p_{0}^{\prime} - \kappa \ln p_{A}^{\prime} - e_{A}}{(1-\xi)\lambda + \xi\kappa^{\prime} - \kappa}\right\}$$
(11)

式(11)表明结构性土的屈服应力与结构性因子相关,当土的结构性因子确定后可通过式(11)确定 结构性土的屈服应力.





Fig. 4 Yield stress for structured soils

2 模型推导

2.1 结构性土的本构关系

土的总体应变由塑性体应变和弹性体应变组成,即

$$\boldsymbol{\varepsilon}_{v} = \boldsymbol{\varepsilon}_{v}^{e} + \boldsymbol{\varepsilon}_{v}^{p}$$
 (12)

对于结构性土,其弹性体应变可表示为

$$\boldsymbol{\varepsilon}_{v}^{e} = \frac{\boldsymbol{\kappa}}{1 + e_{0}} \ln\left(\frac{\boldsymbol{p}'}{\boldsymbol{p}_{0}'}\right) \tag{13}$$

结构性土在荷载作用下的总体应变可采用下式表示:

$$\boldsymbol{\varepsilon}_{\mathrm{v}} = \frac{(1-\boldsymbol{\xi})\boldsymbol{\lambda} + \boldsymbol{\xi}\boldsymbol{\kappa}'}{1+\boldsymbol{e}_{0}} \ln\left(\frac{\boldsymbol{p}'}{\boldsymbol{p}_{0}'}\right) \tag{14}$$

将式(13)、(14)代入式(12),得到结构性土的塑性体应变为

$$\boldsymbol{\varepsilon}_{v}^{p} = \boldsymbol{\varepsilon}_{v} - \boldsymbol{\varepsilon}_{v}^{e} = \left[\frac{(1-\boldsymbol{\xi})\boldsymbol{\lambda} + \boldsymbol{\xi}\boldsymbol{\kappa}'}{1+e_{0}} - \frac{\boldsymbol{\kappa}}{1+e_{0}}\right] \ln\left(\frac{\boldsymbol{p}'}{\boldsymbol{p}_{0}'}\right)$$
(15)

对于重塑土的塑性体应变可采用相同的方法 计算得到

$$\boldsymbol{\varepsilon}_{v}^{p} = \frac{\lambda - \kappa}{1 + e_{0}} \ln\left(\frac{\boldsymbol{p}_{o}'}{\boldsymbol{p}_{0}'}\right) \tag{16}$$

其中 p' 为重塑土的等效屈服应力,在该屈服应力 下重塑土与结构性土的塑性体应变相等.将式 (16)代入式(15),得到结构性土屈服应力与重塑 土等效屈服应力间的关系:

$$p' = p_0' \left(\frac{p_c'}{p_0'}\right)^{\frac{\lambda-\kappa}{(1-\xi)\lambda+\xi\kappa'-\kappa}} \tag{17}$$

式(17)表明结构性土的屈服应力与结构性因 子相关.设某土样的材料参数 λ 、 κ 和 κ' 分别为 0.1、0.02和0.02,参考应力 p'_0 为1 kPa,等效屈 服应力分别为5、10、20、40、80和160 kPa,则结 构性土的屈服应力与结构性因子间的关系如图5 所示.当 ξ 为0时,土的结构性完全破坏,此时结 构性土变为重塑土,因此结构性土的屈服应力与 重塑土的屈服应力相等;当土样的结构性因子 ξ 变大时,表示土体的结构性增加,故结构性土的屈 服应力也随之增加.



图 5 结构性土屈服应力与结构性因子间的关系 Fig. 5 The relationship between the yield stress of structured soils and structural factor

结构性土的屈服面方程可采用修正剑桥模 型^[1]表示为

$$f = \ln\left(\frac{p'}{p'_x}\right) + \ln\left(1 + \frac{q^2}{M^2 p'^2}\right) = 0 \quad (18)$$

式中:q为广义剪应力,M为临界状态线的斜率,f为屈服面方程, p'_x 为屈服面与平均主应力轴交点 处的平均主应力.将式(17)代入式(18)后,得到

$$f = \ln\left(\frac{p'}{p'_{0}}\right) + \ln\left(1 + \frac{q^{2}}{M^{2}p'^{2}}\right) - \frac{\lambda - \kappa}{(1 - \xi)\lambda + \xi \kappa' - \kappa} \ln\left(\frac{p'_{c}}{p'_{0}}\right) = 0 \quad (19)$$

将式(16)代入式(19),整理后得到结构性土的屈服面和塑性势面方程:

$$f = \ln\left(\frac{p'}{p'_{0}}\right) + \ln\left(1 + \frac{q^{2}}{M^{2} p'^{2}}\right) - \frac{\lambda - \kappa}{(1 - \xi)\lambda + \xi \kappa' - \kappa} \frac{1 + e_{0}}{\lambda - \kappa} \varepsilon_{v}^{p} = 0$$
(20)

根据协调方程的要求可知:

$$\mathrm{d}f = \frac{\partial f}{\partial \sigma_{ij}} \mathrm{d}\sigma_{ij} + \frac{\partial f}{\partial \xi} \mathrm{d}\xi + \frac{\partial f}{\partial \varepsilon_{\mathrm{v}}^{\mathrm{p}}} \Lambda \frac{\partial f}{\partial p'} = 0 \quad (21)$$

式中: σ_{ij} 为应力张量, $i \approx j$ 分别取 1、2 或 3; Λ 为 塑性乘子.由式(21)可得塑性乘子的表达式:

$$\Lambda = -\frac{\frac{\partial f}{\partial \sigma_{ij}} d\sigma_{ij} + \frac{\partial f}{\partial \xi} d\xi}{\frac{\partial f}{\partial \epsilon_{ij}^{\mathrm{p}}} \frac{\partial f}{\partial \epsilon'}}$$
(22)

2.2 结构性因子的发展准则

求解塑性乘子的关键在于确定结构性因子 ¢ 的发展准则,结构性因子 ¢ 表征了土体的结构性 特征,当土体发生塑性变形时,土的结构发生破 坏,结构性因子 ¢降低,故结构性因子 ¢ 为塑性应 变函数,并随着塑性应变的增加而减小,可采用下 式表示:

$$\boldsymbol{\xi} = \boldsymbol{\xi} (\left\| \boldsymbol{\varepsilon}_{ij}^{\mathrm{p}} \right\|) \tag{23}$$

其中 ε_{i}^{c} 为塑性应变张量,i和j分别取 1、2 或 3. 由结构性因子 ϵ 的定义可知式(23)需满足以下关系式:

$$\boldsymbol{\xi}(0) = 1 \tag{24}$$

$$\boldsymbol{\xi}(\infty) = 0 \tag{25}$$

设某 3 个结构性土试样的压缩曲线如图 6 所示,其屈服应力分别为图 6 点 A、B 和 C 对应的平均有效应力,由结构性因子 ε 的定义可知点 A、B 和 C 的 ε 值相等,但该组试样的屈服应力并不相同,故结构性因子 ε 还需满足能够描述结构性强度对结构性因子 ε 影响的条件.任何满足上述条件的发展准则都可作为结构性因子 ε 的发展式. 结构性在衰退的过程中伴随着塑性应变的增长,故可将结构性因子视为塑性体应变与塑性剪应变得到函数,并具有如下形式:



图 6 结构性土的屈服特性



$$\boldsymbol{\xi} = \exp\left[-\left(\frac{\sqrt{(\boldsymbol{\varepsilon}_{\mathrm{v}}^{\mathrm{p}})^{2} + (\boldsymbol{m}_{\mathrm{d}}\boldsymbol{\varepsilon}_{\mathrm{d}}^{\mathrm{p}})^{2}}}{\theta}\right)^{m}\right] \quad (26)$$

式中: ϵ_{a}^{c} 为塑性剪应变, θ 表示结构性强度对结构 性因子 ϵ 的影响,m表示结构性的衰减速率, m_{d} 为材料参数.

将式(26)表示为增量形式,得到结构性因子 *ξ*的发展准则为

$$d\boldsymbol{\xi} = -\frac{m}{\theta} \left(\frac{\sqrt{(\boldsymbol{\varepsilon}_{v}^{p})^{2} + (\boldsymbol{m}_{d}\boldsymbol{\varepsilon}_{d}^{p})^{2}}}{\theta} \right)^{m-1} \times \exp\left[-\left(\frac{\sqrt{(\boldsymbol{\varepsilon}_{v}^{p})^{2} + (\boldsymbol{m}_{d}\boldsymbol{\varepsilon}_{d}^{p})^{2}}}{\theta}\right)^{m}\right] \times \frac{\boldsymbol{\varepsilon}_{v}^{p} d\boldsymbol{\varepsilon}_{v}^{p} + \boldsymbol{m}_{d}\boldsymbol{\varepsilon}_{d}^{p} d\boldsymbol{\varepsilon}_{d}^{p}}{\sqrt{(\boldsymbol{\varepsilon}_{v}^{p})^{2} + (\boldsymbol{m}_{d}\boldsymbol{\varepsilon}_{d}^{p})^{2}}}$$
(27)

将式(27)代入式(22)后可得塑性乘子Λ的值,将 塑性乘子Λ代入下式即可得到结构性土本构方 程的增量形式:

$$\mathrm{d}\sigma_{ij} = E_{ijkl} \left(\mathrm{d}\varepsilon_{kl} - \Lambda \, \frac{\partial f}{\partial \sigma_{kl}} \right) \tag{28}$$

式中: ϵ_{kl} 为应变张量, E_{ijkl} 为结构性土的弹性模量,i,j,k和l分别取1、2或3.

3 模型验证

在本文所推导的结构性土的本构模型中共有 8 个参数,其中参数 $M_{\lambda,\kappa}$ 和 ν 与修正剑桥模型 的参数具有相同物理意义,且确定方法相同. κ' 为 结构性土本征压缩曲线的斜率,若根据试验数据 无法得到结构性土的本征压缩曲线, κ' 的值可取 为土的回弹曲线的斜率 κ .参数 θ,m 和 m_d 描述了 结构性土在变形过程中土体结构的破坏规律,其 值可通过对结构性土的三轴试验结果拟合得到. 采用两种结构性土的试验数据与本文模型的预测 数据进行对比,以验证本文模型的合理性.

Walker 等^[24] 对取自地表下 4.6 m 处的 Leda 黏土进行了等应力比条件下的压缩试验, Leda 黏 土具有较强的结构性.本文采用该组试验数据验 证所提本构模型. Leda 黏土的压缩系数 λ 为 0.25,弹性系数 κ' 和 κ 均为 0.018,临界应力状态 比 M 为 1.2, 泊松比 ν 取 0.25. 在压缩过程中应 力比 q/p'分别为 0、0.63 和 1.00, 压缩试验结果 如图 7 所示.在采用本文模型计算结构性土的压 缩曲线前还需确定结构性相关的土体材料参数 θ 、m 和 m_d ,由于参数中含有与塑性剪应变相关的 土体材料参数 m_d ,故本文采用应力比 q/p'=1.00 的试验数据拟合模型参数 θ 、m和m_d.采用 Fortran语言编写计算程序,将不同的 θ 、m和m_d 值赋予土体材料,根据模型的计算结果,当材料参 数 θ 、m和m_d分别为0.4、1.03和0.001时,模型 预测结果与试验数据基本吻合,如图7所示,故结 构性相关的土体材料参数 θ 、m和m_d分别取0.4、 1.03和0.001.应力比q/p'分别为0和0.63两组 试样的模型预测结果如图7所示.试验结果表明, 平均有效应力相等时,应力比越大的试样其孔隙 比越小,这是由于在压缩过程中,剪切对土体中的 结构产生破坏,故应力比越大的试样其孔隙比越 小.根据模型预测结果和试验数据之间的对比可 知,本文提出的模型能够较好地反映结构性土的 压缩特性.



图 7 等应力比条件下压缩试验结果与模型预测结果对比

Fig. 7 Comparison of the experimental data and predictions for compression tests under constant stress ratios

Anagnostopoulos 等^[23] 对科林斯运河泥灰土 进行了三轴压缩试验,试样的压缩系数 λ 为0.04, 弹性系数 κ 与 κ' 均为 0.008,临界应力状态比 M 为 1.32,泊松比 ν 取 0.25.原状试样先分别各向 等压固结至 294、903、1 500 和 4 000 kPa,随后进 行三轴排水剪切试验,试验结果如图 8 所示.以 1 500 kPa 围压条件下的试验数据拟合模型所需 要的参数 θ 、m 和 m_d ,根据模型的计算结果,模型 参数 θ 、m 和 m_d ,根据模型的计算结果,模型 参数 θ 、m 和 m_d ,根据模型的计算结果,模型 约 θ 、m 和 m_d 分别为 0.1、1.03 和 0.05 时,模 型预测结果与试验结果吻合度最高,如图 8 所示, 故结构性相关的土体材料参数 θ 、m 和 m_d 分别取 0.1、1.03 和 0.05.在围压分别为 294、903 和 4 000 kPa 时,试样的数值计算结果如图 8 所示. 由试验结果可知,随着围压的增大,应力-应变关 系由应变软化变为应变硬化,试样的体变从体胀 变为体缩.这是由于随着围压的增大,试样的结构 性逐渐破坏,故试验曲线由应变软化变为应变硬 化,体胀变为体缩.在高围压条件下,本文所提模 型的预测结果与试验数据存在一定的差异,这可 能与式(26)描述的土体结构衰退规律与实际的衰 退规律还存在一定的区别有关,需要在后期研究 中加深对结构性衰退规律的研究,以提高模型的 计算精度.根据试验数据和模型预测结果的对比 可知,本文提出的本构模型能较好地反映结构性 土的应变软化和应变硬化特性,以及剪缩和剪胀 等试验现象.



图 8 围压恒定条件下三轴压缩试验结果与 模型预测结果对比

Fig. 8 Comparison of the experimental data and predictions for triaxial tests under constant confining stresses

4 结 论

(1)根据结构性因子 є 推导得到的结构性土的体变方程表明:结构性土的体变由应力改变导致的体变和结构性破坏导致的体变两部分组成.

(2)结构性因子的发展准则是结构性土本构

第 61 卷

关系中的重要组成部分,文中给出了结构性因子 发展准则需满足的3项原则,凡能够满足该3项 原则的发展式,都可作为结构性因子的发展准则, 可针对不同的结构性土建立不同的发展准则,故 本模型具有较广的适用性.

(3)本模型中结构性对土体力学性质的影响 是均匀连续变化的,当模型中的结构性因子 ξ 为 0时,本模型退化为修正剑桥模型,避免了该点处 数值计算结果的非连续性.

参考文献:

- ROSCOE K H, BURLAND J B. On the generalized stress-strain behaviour of wet clay [M] // HEYMAN J, LECKIE F A, eds. Engineering Plasticity. Cambridge: Cambridge University Press, 1968: 535-609.
- [2] HØEG K, DYVIK R, SANDBÆKKEN G. Strength of undisturbed versus reconstituted silt and silty sand specimens [J]. Journal of Geotechnical and Geoenvironmental Engineering, 2000, 126(7): 606-617.
- [3] DELAGE P. A microstructure approach of the sensitivity and compressibility of some eastern Canada sensitive clays [J]. Geotechnique, 2010, 60(5): 353-368.
- [4] HAERI S M, KHOSRAVI A, GARAKANI A A, et al. Effect of soil structure and disturbance on hydromechanical behavior of collapsible loessial soils [J]. International Journal of Geomechanics, 2017, 17(1): 1-15.
- [5] 郑 郧,马 巍,李国玉,等. 一个考虑冻融循环 作用的结构性定量参数的试验研究 [J]. 岩土工程 学报,2016,38(7):1339-1344.
 ZHENG Yun, MA Wei, LI Guoyu, *et al.*Laboratory study on quantitative parameter of structural characteristics of soils considering effect of freeze-thaw cycles [J]. Chinese Journal of Geotechnical Engineering, 2016, 38(7): 1339-1344.
 (in Chinese)
- [6] HUANG Yinghao, ZHU Wei, QIAN Xuede, et al.
 Change of mechanical behavior between solidified and remolded solidified dredged materials [J].
 Engineering Geology, 2011, 119(3): 112-119.
- [7] AMOROSI A, RAMPELLO S. An experimental investigation into the mechanical behaviour of a

structured stiff clay [J]. Geotechnique, 2007, 57(2): 153-166.

- [8] BO M W, ARULRAJAH A, SUKMAK P, et al. Mineralogy and geotechnical properties of Singapore marine clay at Changi [J]. Soils and Foundations, 2015, 55(3): 600-613.
- [9] 陈亚军,罗开泰,刘恩龙,等.固结不排水条件下 初始应力各向异性结构性土的力学特性[J].水利 学报,2015,46(4):460-470.
 CHEN Yajun, LUO Kaitai, LIU Enlong, et al. Mechanical properties of artificially structured soils with stress-induced anisotropy under undrained conditions [J]. Journal of Hydraulic Engineering, 2015,46(4):460-470. (in Chinese)
- [10] LORENZO G A, BERGADO D T. Fundamental characteristics of cement-admixed clay in deep mixing [J]. Journal of Materials in Civil Engineering, 2006, 18(2): 161-174.
- [11] 陈昌禄,邵生俊,张 喆.人工制备结构性黄土的 真三轴试验研究[J]. 岩土力学,2013,34(8): 2231-2237.
 CHEN Changlu, SHAO Shengjun, ZHANG Zhe.
 - Study of artificial structural loess under true triaxial tests [J]. Rock and Soil Mechanics, 2013, 34(8): 2231-2237. (in Chinese)
- [12] 沈珠江. 结构性粘土的弹塑性损伤模型 [J]. 岩土 工程学报, 1993, 15(3): 21-28.
 SHEN Zhujiang. An elasto-plastic damage model for cemented clays [J]. Chinese Journal of Geotechnical Engineering, 1993, 15(3): 21-28. (in Chinese)
- [13] 周 成,沈珠江,陈铁林,等.结构性粘土的边界 面砌块体模型[J].岩土力学,2003,24(3):317-321.

ZHOU Cheng, SHEN Zhujiang, CHEN Tielin, et al. A bounding surface masonry model for structured clays [J]. Rock and Soil Mechanics, 2003, 24(3): 317-321. (in Chinese)

[14] 孙吉主,王 勇,孔令伟.湛江海域结构性软土的 边界面损伤模型研究 [J]. 岩土力学,2006, 27(1):99-101,106.
SUN Jizhu, WANG Yong, KONG Lingwei. Study on bounding surface damage model for structural soft soil in Zhanjiang sea area [J]. Rock and Soil Mechanics, 2006, 27 (1): 99-101, 106. (in Chinese)

- [15] DESAI C S. Mechanics of Materials and Interfaces: The Disturbed State Concept [M]. Boca Raton: CRC Press, 2000.
- [16] 王国欣,肖树芳,黄宏伟,等.基于扰动状态概念的结构性粘土本构模型研究[J].固体力学学报,2004,25(2):191-197.
 WANG Guoxin, XIAO Shufang, HUANG Hongwei, *et al.* Study of constitutive model of structural clay based on the disturbed state concept [J]. Chinese Journal of Solid Mechanics, 2004,25(2):191-197. (in Chinese)
- [17] DESAI C S, MA Youzhi. Modelling of joints and interfaces using the disturbed-state concept [J].
 International Journal for Numerical and Analytical Methods in Geomechanics, 1992, 16(9): 623-653.
- [18] LIU M D, CARTER J P, DESAI C S, et al. Analysis of the compression of structured soils using the disturbed state concept [J]. International Journal for Numerical and Analytical Methods in Geomechanics, 2000, 24(8): 723-735.
- [19] LIU M D, CARTER J P. A structured Cam clay model [J]. Canadian Geotechnical Journal, 2002,

39(6): 1313-1332.

- [20] SUEBSUK J, HORPIBULSUK S, LIU M D. A critical state model for overconsolidated structured clays [J]. Computers and Geotechnics, 2011, 38(5): 648-658.
- [21] NAKAI T, SHAHIN H M D, KIKUMOTO M, et al. A simple and unified one-dimensional model to describe various characteristics of soils [J]. Soils and Foundations, 2011, 51(6): 1129-1148.
- [22] 祝恩阳,姚仰平. 结构性土 UH 模型 [J]. 岩土力 学,2015,36(11): 3101-3110, 3228.
 ZHU Enyang, YAO Yangping. A UH constitutive model for structured soils [J]. Rock and Soil Mechanics, 2015, 36(11): 3101-3110, 3228. (in Chinese)
- [23] ANAGNOSTOPOULOS A G, KALTEZIOTIS N, TSIAMBAOS G K, et al. Geotechnical properties of the Corinth Canal marls [J]. Geotechnical and Geological Engineering, 1991, 9(1): 1-26.
- [24] WALKER L K, RAYMOND G P. Anisotropic consolidation of Leda clay [J]. Canadian Geotechnical Journal, 1969, 6(3): 271-286.

Study of constitutive model for soils based on structural parameter

LI Wugang *1,2 , YANG Gang², LIU Wenhua¹, SUN Xiuli¹

(1. School of Environment and Civil Engineering, Jiangnan University, Wuxi 214122, China;

2. State Key Laboratory of Coastal and Offshore Engineering, Dalian University of Technology, Dalian 116024, China)

Abstract: Structured soils exhibit significant different mechanical behaviours compared to the remoulded soils due to the influence of soil structure. Intrinsic compression line for structured soils is introduced based on the deformation behaviours. Structural factor is proposed to characterize the soil structure. Volume change equation of structured soils is established by incorporating structural factor. And the evolution law for structural factor is proposed. A constitutive model for structured soils is proposed based on the modified Cam-clay model. Three new parameters are added to the proposed model compared to the original model. The proposed model is validated by the experimental data of two kinds of structured soils.

Key words: structured soils; constitutive model; structural factor; void ratio; compression line